

* تمرين ١ :
احسب الجداءات التالية :

$$C = \frac{6}{5} \times \left(\frac{-8}{3} \right)$$

$$A = \frac{-14}{23} \times \frac{6}{5}$$

$$D = \frac{-4}{7} \times \frac{13}{12}$$

$$B = \frac{-10}{21} \times \left(\frac{-9}{8} \right)$$

* تصحيح التمرين :

$$A = \frac{-14}{23} \times \frac{6}{5}$$

$$= \frac{-14 \times 6}{23 \times 5}$$

$$= \frac{-84}{115}$$

$$B = \frac{-10}{21} \times \left(\frac{-9}{8} \right)$$

$$= \frac{-10 \times (-9)}{21 \times 8}$$

$$= \frac{90}{168}$$

Preview from Notesale.co.uk
Page 13 of 104

$$D = \frac{-5}{2} \times 4 - \frac{1}{2} \times \frac{1}{4} + \left(\frac{-7}{5}\right) \times 2.$$

* تصحيح *

$$A = \frac{1}{3} \times \frac{2}{5} - \frac{7}{3} \times \frac{1}{4}$$

$$= \frac{2}{15} - \frac{7}{12}$$

$$= \frac{24 - 105}{15 \times 12}$$

$$= \frac{-81}{180}$$

$$B = \left(\frac{2}{7} - \frac{4}{3}\right) \times \left(\frac{5}{3} + \frac{2}{7}\right)$$

$$= \left(\frac{6 - 28}{21}\right) \times \left(\frac{10 + 27}{6}\right)$$

$$= \frac{-22}{21} \times \frac{11}{6}$$

$$= \frac{-242}{126}$$

Preview from Notesale.co.uk
Page 18 of 104

$$\begin{aligned}
 c &= \frac{-5}{2} \times 4 - \frac{1}{2} \times \frac{1}{4} + \left(\frac{-7}{5}\right) \times 2 \\
 &= \frac{-20}{2} - \frac{1}{8} - \frac{14}{5} \\
 &= \left(\frac{-80-1}{8}\right) - \frac{14}{5} \\
 &= \frac{-81}{8} - \frac{14}{5} \\
 &= \frac{-405-112}{40} \\
 &= \frac{-517}{40}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 \textcircled{1} &= \frac{4}{3} \times \left(\frac{-1}{3} + \frac{1}{2}\right) - \frac{5}{3} + \frac{9}{2} \\
 &= \frac{4}{3} \times \left(\frac{-2+3}{6}\right) - \frac{5}{3} + \frac{9}{2} \\
 &= \frac{4}{3} \times \left(\frac{1}{6}\right) - \frac{5}{3} + \frac{9}{2} \\
 &= \frac{-4}{18} - \frac{10}{6} + \frac{18}{6} \\
 &= \frac{-4}{18} - \frac{28}{6} \\
 &= \frac{-4}{18} - \frac{84}{18} \\
 &= \frac{-88}{18}
 \end{aligned}$$

Preview from Notesale.co.uk
Page 19 of 104

$$\frac{a+b}{\frac{1}{a} + \frac{1}{b}} = \frac{a+b}{\frac{b}{ab} + \frac{a}{ab}}$$

$$= \frac{a+b}{\frac{a+b}{ab}}$$

$$= (a+b) \times \frac{ab}{a+b}$$

$$= ab$$

$$= \frac{7}{8}$$

Preview from Notesale.co.uk
Page 23 of 104

(II) الطريقة

$$3y = 11$$

$$8x = 3y$$

$$\frac{x}{y} = \frac{3}{8}$$

(I) الطريقة الآلة

$$x = \frac{11}{8}$$

$$y = \frac{11}{3}$$

$$\frac{x}{y} = \frac{\frac{11}{8}}{\frac{11}{3}}$$

$$= \frac{11}{8} \times \frac{3}{11} = \frac{3}{8}$$

تصحيح الفرض المنزلي

(2)

التمرين 1

$$A = \frac{-5}{1987} \times \frac{1987}{36} + \frac{1}{2000} \times \frac{2000}{72}$$

$$= \frac{-5}{36} + \frac{1}{72}$$

$$= \frac{-10}{72} + \frac{1}{72}$$

$$= \frac{-9}{72}$$

$$B = \frac{\left(\frac{3}{2} - 1\right) - \left(1 + \frac{5}{4}\right)}{\frac{1}{2} - 3 \times \frac{4}{2}}$$

$$= \frac{\left(\frac{3}{2} - \frac{2}{2}\right) - \left(\frac{4}{4} + \frac{5}{4}\right)}{\frac{1}{2} - 4}$$

$$= \frac{\frac{1}{2} - \frac{9}{4}}{\frac{1}{2} - 4}$$

$$= \frac{\frac{1}{2} - \frac{9}{4}}{\frac{1}{2} - \frac{8}{2}}$$

$$= \frac{\frac{2}{4} - \frac{9}{4}}{\frac{1}{2} - \frac{8}{2}}$$

$$= \frac{-7}{2}$$

$$= \frac{\frac{-7}{4}}{\frac{-9}{2}} = \frac{-7}{4} \times \frac{2}{-9} = \frac{-14}{-36} = \frac{14}{36}$$

تمرین 11 (7.8.18)

$$\begin{aligned}A &= 3(x+5) - 4(x-1) \\&= 3x+15 - 4x+4 \\&= 3x-4x+15+4 \\&= -x+19.\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}B &= 4(2x-7) + 2(5-4x) \\&= 8x-28+10-8x \\&= -18\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}C &= 3\left(\frac{x}{3} + \frac{1}{6}\right) + 9\left(\frac{x}{3} - \frac{1}{18}\right) \\&= \frac{3x}{3} + \frac{3}{6} + \frac{9x}{3} - \frac{9}{18} \\&= x + \frac{1}{2} + 3x - \frac{1}{2} \\&= 4x.\end{aligned}$$

Preview from Notesale.co.uk
Page 41 of 104

تمرین 15 (7.8.18)

$$\begin{aligned}A &= (a+3)(a-2) \\&= a^2 - 2a + 3a - 6 \\&= a^2 + a - 6\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}B &= \left(\frac{5}{3}a - \frac{1}{2}\right)\left(\frac{1}{2}a + \frac{5}{3}\right) \\&= \frac{5}{6}a^2 + \frac{25}{9}a - \frac{1}{4}a - \frac{5}{6} \\&= \frac{5}{6}a^2 + \frac{10a-9}{36} - \frac{5}{6}\end{aligned}$$

$$= (x-y)[x+2y]$$

$$= (x-y)(x+2y)$$

$$B = y(x-y) - \frac{7}{9}y(y-x)$$

$$= y(x-y) - (y-x)\frac{7}{9}y$$

$$= (x-y)\left[y + \frac{7}{9}y\right]$$

$$= (x-y)\left(\frac{9y+7y}{9}\right)$$

$$= (x-y)\left(\frac{16}{9}y\right)$$

$$C = (x-3y)(2x-1) + (6y-2x)(2y-1)$$

$$= (x-3y)(2x-1) - 2(x-3y)(2y-1)$$

$$= (x-3y)[(2x-1) - 2(2y-1)]$$

$$= (x-3y)(2x-4y+1)$$

$$= (x-3y)(2x-4y+1)$$

تصحیح نمائے (15 و 98)

$$A = (3x+2)^2$$

$$= (3x)^2 + 2 \times 3x \times 2 + 2^2$$

$$= 9x^2 + 12x + 4$$

$$\begin{aligned}
 B &= 9x^2 - 6x + 1 \\
 &= (3x)^2 - 2 \times 3x + 1 \\
 &= (3x-1)(3x-1)
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 C &= \frac{1}{25}x^2 - \frac{2}{5}x + 1 \\
 &= \left(\frac{1}{5}x\right)^2 - 2 \times \frac{1}{5}x + 1 \\
 &= \left(\frac{1}{5}x+1\right)\left(\frac{1}{5}x+1\right)
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 D &= x^2 - \frac{9}{16} \\
 &= x^2 - \left(\frac{3}{4}\right)^2 \\
 &= \left(x - \frac{3}{4}\right)\left(x + \frac{3}{4}\right)
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 F &= (x^2 - 9)(x^2 + 10x + 25) \\
 &= (x-3)(x+3)(5x+4)(x-3) + 2(x-3) \\
 &= (x-3)\left[(x+3)(5x+4) + 2\right] \\
 &= (x-3)(x+3+5x+4+2) \\
 &= (x-3)(6x+9)
 \end{aligned}$$

تصحيح التمرين الثاني
 أنسور و بسند مابل

العدد $\frac{-26}{5}$ هو حل لهذه المعادلة .

تمرين ١

حل المعادلات التالية :

$$(3-x)(2x+10)=0$$

$$7(x-3)+(x+2)(x-3) \geq 0$$

$$(2x-5)(x+2)-7x(2x-5) \geq 0$$

$$x^2-4+(x+2)(x-1) \geq 0$$

$$(x+1)^2 = 36$$

تمرين ٢

$$(3-x)(2x+10)$$

$$2x+10 \geq 0$$

$$2x = -10$$

Preview from Notesale.co.uk
Page 51 of 104

العددين 3 و $-\frac{10}{2}$ هما حلان لهذه المعادلة .

$$7(x-3)+(x+2)(x-3) \geq 0$$

$$(x-3)(7-x-2)$$

$$(x-3)(5-x)$$

$$x-3 \geq 0$$

$$x \geq 3$$

$$5-x \geq 0$$

$$x \leq 5$$

العددين 3 و 5 هما حلان لهذه المعادلة .

$$4x - 10 = 0 \quad \text{أو}$$

$$4x = 10 \quad //$$

$$x = \frac{10}{4} \quad //$$

العددان $\frac{10}{4}$ و $\frac{4}{6}$ هما حلان لهذه المعادلة.

$$6x - 4 = 0 \quad //$$

$$6x = 4 \quad //$$

$$x = \frac{4}{6} \quad //$$

فرضي منبرتي

$$(x-3)^2 + (7x-21)(x+4) = 0$$

$$(3x-5)(1-x) + x^2 - 2x + 1 = 0$$

$$\frac{1}{4}x^2 + 3x + 9 = (3x-2)^2$$

$$\left(x - \frac{5}{2}\right)^2 - \frac{25}{4}$$

$$x^2 + 7x - 8 = 0.$$

التمرين الأول

أ) حل المعادلات التالية.

ب) أنشئوا بيضاً على

استخرج من المعادلات

التمرين الثاني

(ع) و (ع') دائرتان ليس لهما مركز مشترك ومختلفتان. A و B

ليكن [AD] قطر للدائرة (ع) و [AE] قطر للدائرة (ع').

أ) أنشئ الشكل.

ب) بين أن B ; E ; D تقع مستقيماً.

ج) بين أن $AD \times \cos \widehat{BAD} = AE \times \cos \widehat{BAE}$.

$$\text{و بفهم اولی} \quad -5 \leq a \leq -3$$

$$\text{دوین} \quad -5+(-4) \leq a+(-b) \leq -3+(-2)$$

$$\text{آی} \quad -9 \leq a-b \leq -5$$

تمرینات

x و y عددان جبرایان حقیقی

$$-2 \leq y \leq -1 \quad \text{و} \quad 3 \leq 2x-5 \leq 9$$

الف) x را بیاب

ب) $x+y$ را بیاب

ج) $x-y$ را بیاب

$$3 \leq 2x-5 \leq 9$$

$$3+5 \leq 2x-5+5 \leq 9+5$$

$$8 \leq 2x \leq 14$$

$$\frac{1}{2} \times 8 \leq \frac{1}{2} \times 2x \leq \frac{1}{2} \times 14$$

$$4 \leq x \leq 7$$

$$4+(-2) \leq x+y \leq 7+(-1) \quad \text{جواب}$$

$$2 \leq x+y \leq 6$$

$$x-y = x+(-y) \quad \text{بفهم اولی}$$

$$-2 \leq y \leq -1$$

Preview from Notesale.co.uk
Page 60 of 104

* تصحيح التمرين (7 ص 120)

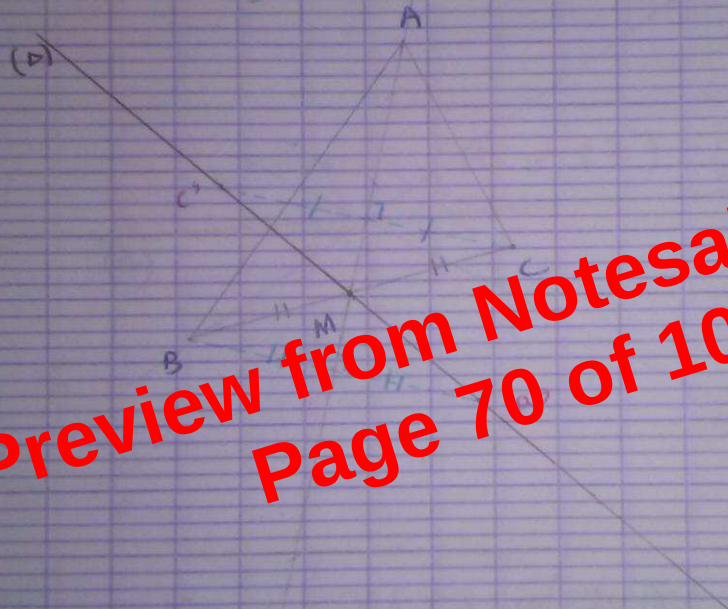
المعطيات :

ABC مثلث و M منتصف $[BC]$.

1 - أُنشئ (Δ) مماسًا للمستقيم (BC) بالنسبة للمستقيم (AM) .

الشكل الهندسي

لدينا :



لدينا : B و C هما نقطتي B و C بالنسبة للمستقيم (AM) .
إذن : M هو منتصف المستقيم (BC) بالنسبة للمستقيم (AM) هو
 المستقيم (Δ) مماسًا لـ (BC) عند M .
بين أن : M منتصف $[BC]$.

Preview from Notesale.co.uk
 Page 70 of 104

الهدف : النقط E و B و J نقط مستقيمة .

البرهان :

لدينا : J تنتمي تنوي للمستقيم (D) .

اذن : J مائلة J بالنسبة للمستقيم (D) هي نفسها .

ولدينا : B مائلة F بالنسبة لـ (D) .

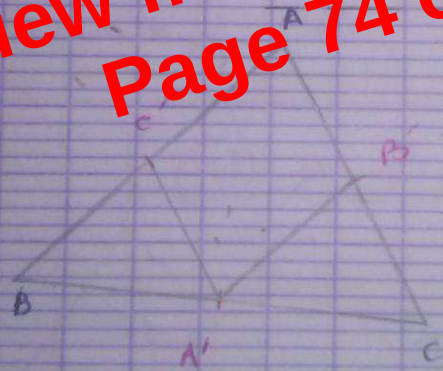
و E مائلة A بالنسبة لـ (D) .

ونعلم ان : A و J و F نقط مستقيمة .

اذن : E و J و B نقط مستقيمة . (المثالة المحوري يحافظ

على التواء النقط) .

تم جمع ن 33



الهدف : بين ان $ABA'C'$ متوازي الاضلاع

تعتبر اقلية ABC .

نعتبر المثلث ABC

لدينا A' منتصف $[BC]$ و C' منتصف $[AB]$

$$A'C' = \frac{1}{2} AC \quad \text{وذا}$$

ولدينا A' منتصف $[BC]$ و B' منتصف $[AC]$

$$A'B' = \frac{1}{2} AB \quad \text{وذا}$$

ولدينا B' منتصف $[AC]$ و C' منتصف $[AB]$

$$B'C' = \frac{1}{2} BC \quad \text{وذا}$$

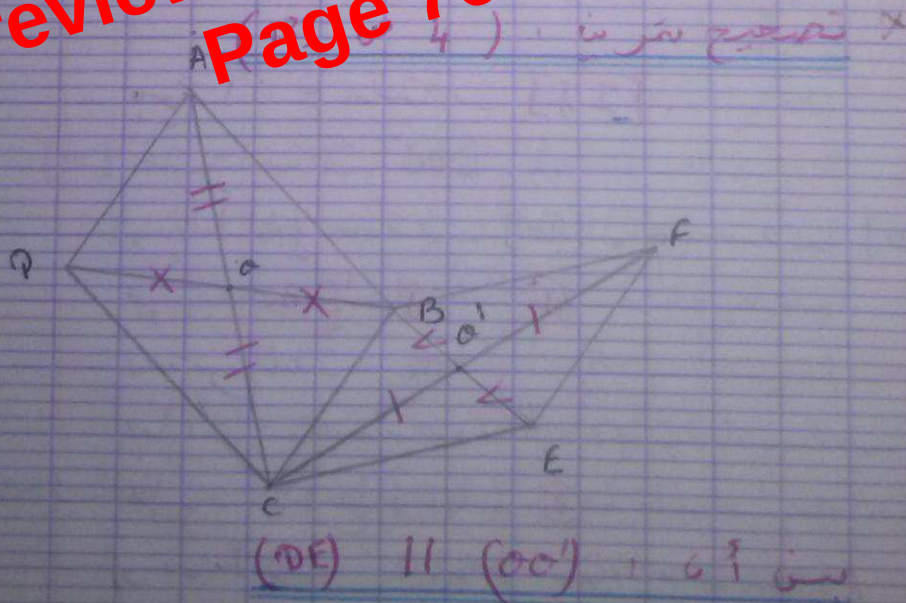
عند انضمامنا لـ (1) و (2) و (3) نستنتج ان:

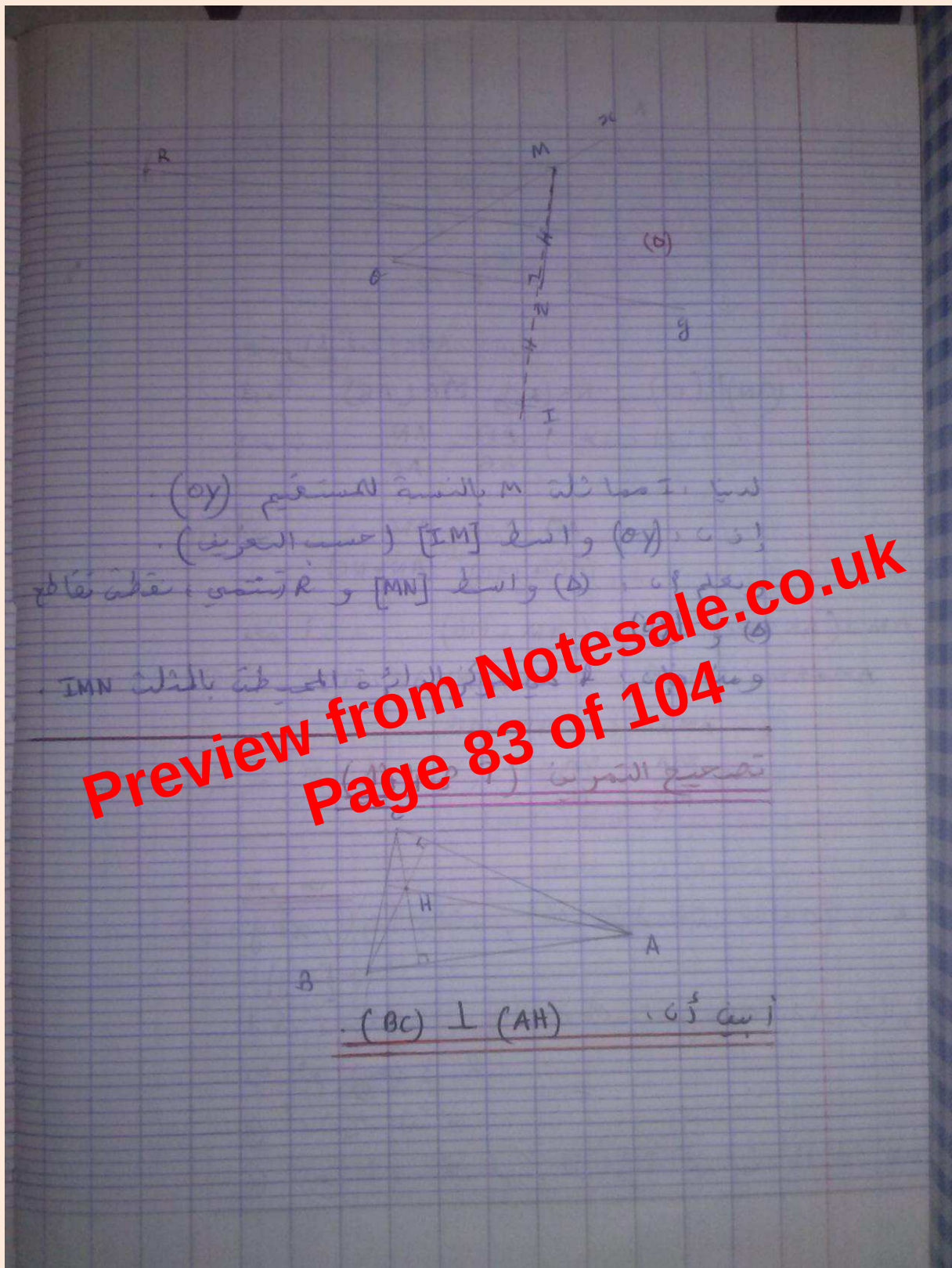
$$A'C' + A'B' + B'C' = \frac{1}{2} AC + \frac{1}{2} AB + \frac{1}{2} BC$$

$$A'C' + A'B' + B'C' = \frac{1}{2} (AC + AB + BC)$$

أي $A'B'C'$ المثلث الذي يتوسط ABC نصف محيط ABC

Preview from Notesale.co.uk
Page 76 of 104





$$AI = \frac{8}{9} AA'$$

نعتبر المثلث ABC

لدينا G مركز ثقل المثلث ABC

$$AG = \frac{2}{3} AA'$$

ربما I مركز ثقل المثلث BGC

$$IG = \frac{2}{3} A'G$$

$$AG + IG = \frac{2}{3} AA' + \frac{2}{3} A'G$$

$$AI = \frac{2}{3} AA' + \frac{2}{3} \times \frac{1}{3} AA'$$

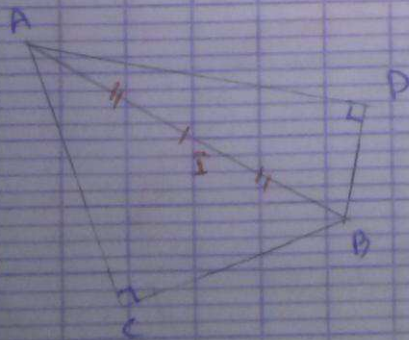
$$AI = \frac{2}{3} AA' + \frac{2}{9} AA'$$

$$AI = \left(\frac{2}{3} + \frac{2}{9} \right) AA'$$

$$AI = \frac{8}{9} AA'$$

$$AI = \frac{8}{9} AA'$$

تصحيح نظرية (1) في 151



$$IC = ID$$

بين ذلك

$$\cos \hat{COP} = \frac{3}{OD} \quad \text{و} \quad \cos \hat{ACB} = \frac{7}{8}$$

$$\frac{3}{OD} = \frac{7}{8}$$

$$7 \times OD = 8 \times 3$$

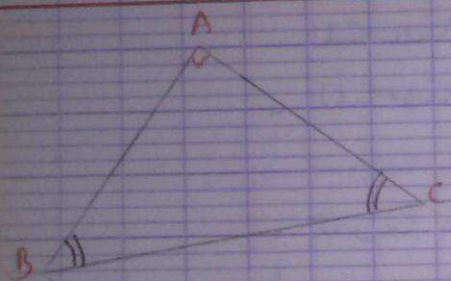
$$7OD = 24$$

$$OD = \frac{24}{7}$$

ونعلم ان
اذا

يعني ان

يعني ان



نلاحظ ان (4 و 160)

$$\cos \hat{ABC} = \cos \hat{ACB}$$

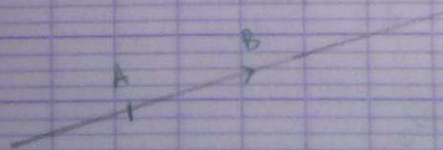
$$\frac{AB}{BC} = \frac{AC}{BC}$$

$$AB = AC$$

يعني ان

يعني

Preview from Notesale.co.uk
Page 94 of 104



(18/5) 3. 3